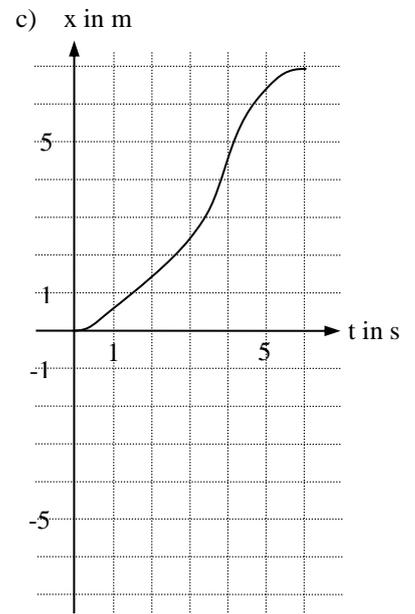
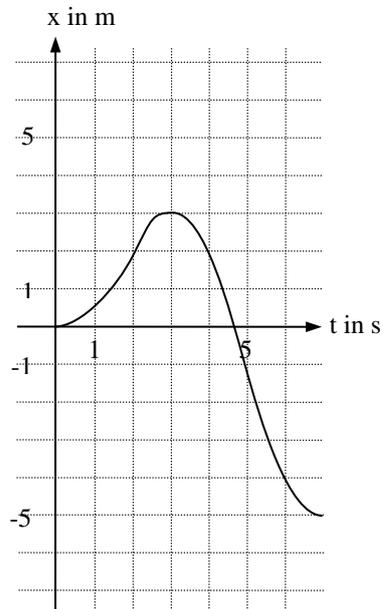
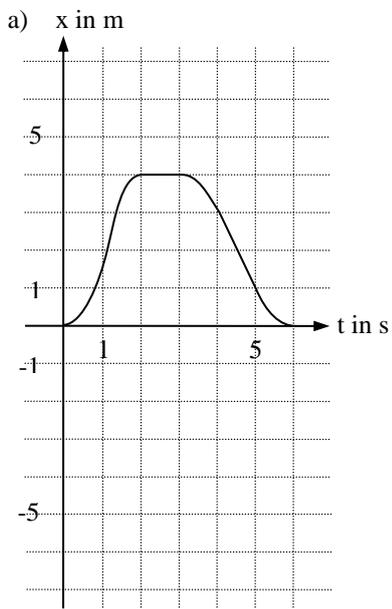
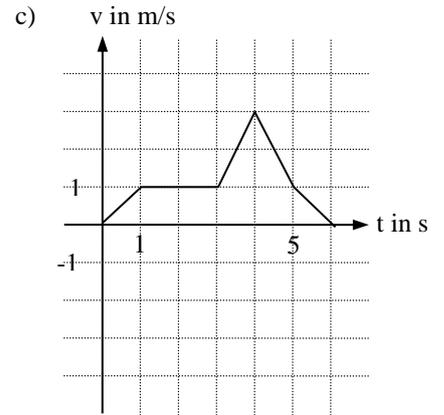
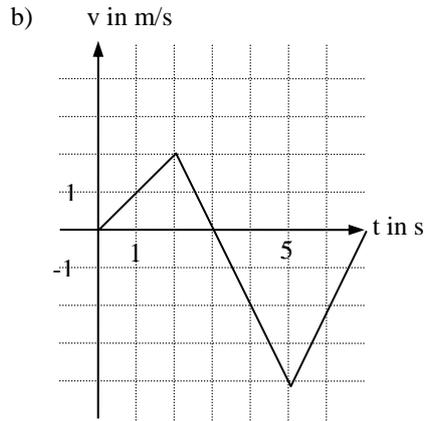
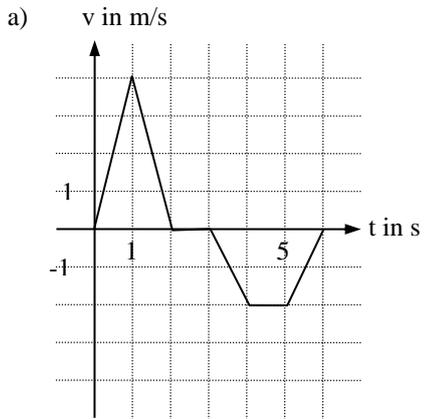
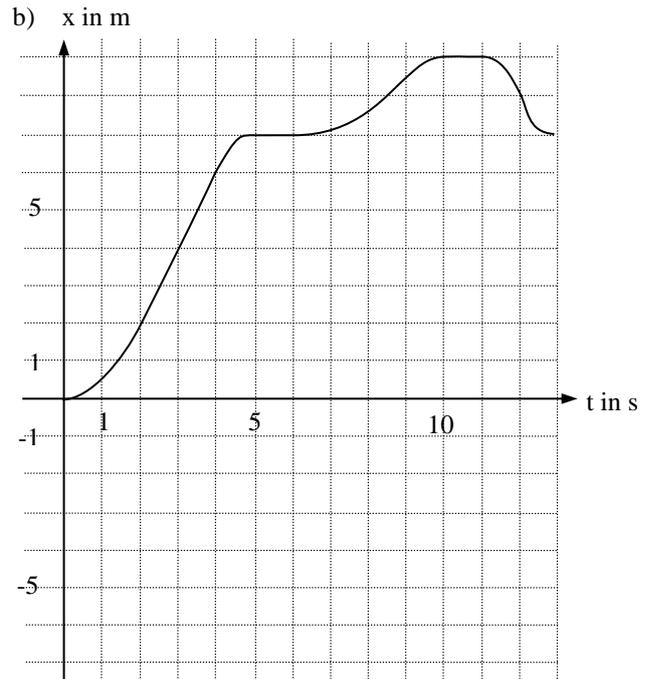
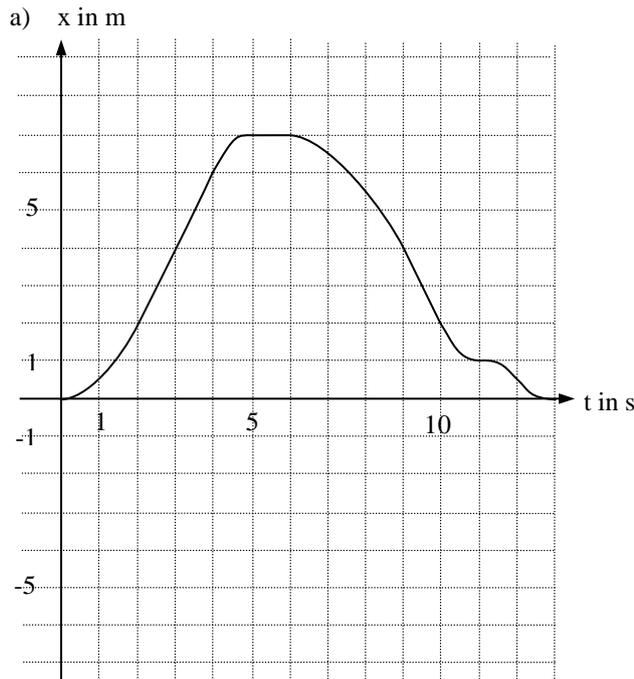
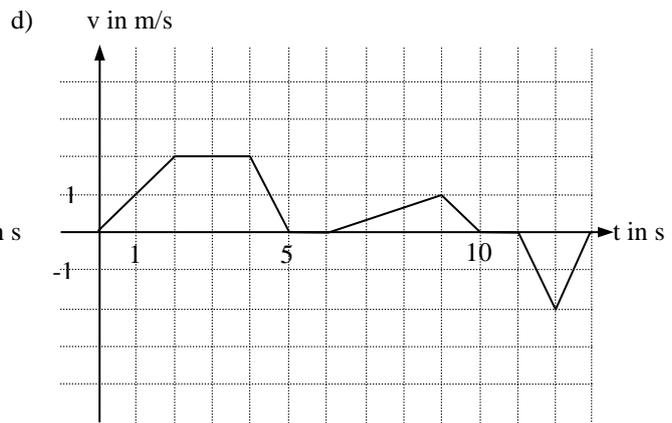
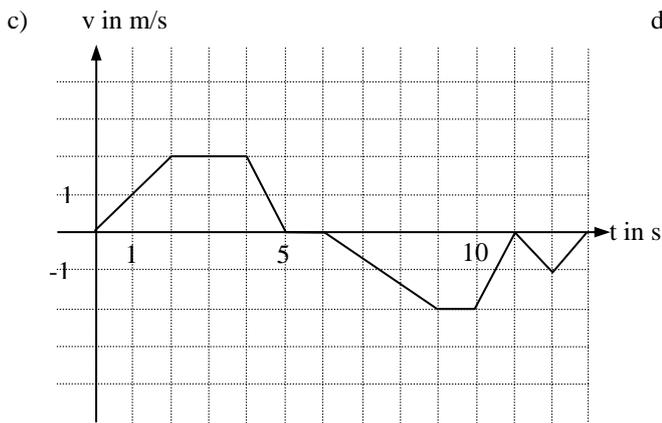


1.2. Prüfungsaufgaben zur Kinematik

Aufgabe 1: x-t- und v-t-Diagramme

Ergänze die fehlenden Diagramme:





Aufgabe 2: (4) gleichmäßig beschleunigte Bewegung

Welche Strecke legt ein Autofahrer zurück, der vor einer Baustelle in 10 Sekunden von 180 km/h auf 108 km/h abbremst?

Lösungen:

$$v_0 = 50 \text{ m/s}; v_1 = 30 \text{ m/s} \text{ und } a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = -2 \text{ m/s}^2 \Rightarrow x(t) = \frac{1}{2} at^2 + v_0 t = -100 \text{ m} + 500 \text{ m} = 400 \text{ m.} \quad (4)$$

Aufgabe 3: Freier Fall und geradlinig gleichmäßige Bewegung (15)

Annabells Telefon fällt vom Fensterbrett, gerade, als sie danach greifen will. Nach $t_0 = 3 \text{ s}$ hört sie bei einer Schallgeschwindigkeit von $c = 340 \text{ m/s}$ und einer Fallbeschleunigung von $g = -10 \text{ m/s}^2$ den dumpfen Aufprall.

- Berechnen Sie die Fallzeit t_1 des Telefons und die Laufzeit t_2 des Schalls. (9)
- Berechnen Sie die Fallhöhe s_0 und die Aufprallgeschwindigkeit v_0 des Telefons. (2)
- Skizzieren Sie je ein beschriftetes t-s- und ein t-v-Diagramm. (4)

Lösungen (Alles in SI)

a) (I) Fallbewegung: $s_0 = \frac{1}{2} gt_1^2$ und $v_0 = gt_1$ (1)

(II) Schallfortpflanzung $-s_0 = c \cdot t_2$ (1)

(III) Gesamtzeit $t_0 = t_1 + t_2$ (1)

Gleichsetzen (I) = (II): $ct_2 = \frac{1}{2} gt_1^2$ (1)

Einsetzen (III): $c(t_1 - t_0) = \frac{1}{2} gt_1^2$ (1)

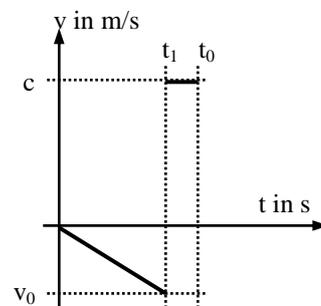
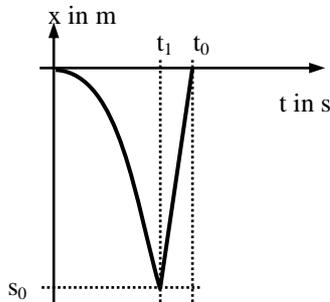
Umwandeln in p-q-Form: $t_1^2 - \frac{2c}{g}t_1 + \frac{2c}{g}t_0 = 0$ (1)

p-q-Formel: $t_1 = \frac{c}{g} \pm \sqrt{\left(\frac{c}{g}\right)^2 - \frac{2ct_0}{g}} = -34 \pm \sqrt{34^2 + 68 \cdot t_0} \approx (-34 \pm 36,88) \text{ s}$ (1)

\Rightarrow Fallzeit $t_1 = 2,88 \text{ s}$ und Laufzeit $t_2 \approx 0,12 \text{ s}$ (2)

b) \Rightarrow Fallhöhe $s_0 = \frac{1}{2}gt_1^2 \approx 41,4 \text{ m}$ und Aufprallgeschwindigkeit $v_0 = gt_1 \approx 28,8 \text{ m/s}$ (2)

c) t-s-Diagramm t-v-Diagramm (4)



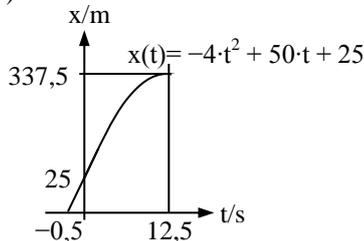
Aufgabe 4a (15): Bremsweg

Johnny ist ein amerikanischer Tourist, der die deutschen Autobahnen ausprobieren will. Mit einem teuren Leihwagen und 180 km/h ist er auf der A 31 unterwegs, als er in 333 m Entfernung ein im Scheinwerferlicht erstarrtes Reh sieht. Nach einer Reaktionszeit von 0,5 s bremst er mit -4 m/s^2 .

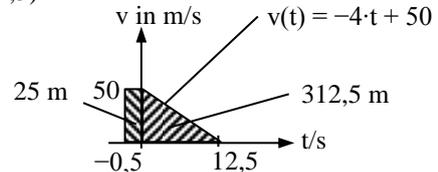
- Zeichne ein x-t- und ein v-t-Diagramm für den gesamten Anhaltvorgang. (3)
- Berechne die gesamte Anhaltezeit und den Anhalteweg. (4)
- Formuliere die x-t- und die v-t-Gleichung für den Bremsvorgang im Anschluss an die Reaktionszeit. (3)
- Berechne** die Zeit und die Geschwindigkeit, zu bzw. mit der Johnny die Position des Rehs erreicht. (4)
- Das Reh entschließt sich nach einer Bedenkzeit von 11 s zu einem Bocksprung. Kann es sein Leben retten? (1)

Lösungen: (alles in SI)

a) x-t-Diagramm (1,5)



v-t-Diagramm (1,5)



b) $v(t) = a \cdot t + v_0 = -4t + 50$ mit $v(t_0) = 0 \Leftrightarrow$ Bremszeit $t_0 = -\frac{v_0}{a} = 12,5 \text{ s}$ (1)

$x(t) = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_R = -2t^2 + 50t + 25$ mit Reaktionsweg $x_R = v_0 \cdot t_R = 25 \text{ m}$ und Bremsweg $x_0 = x(t_0) = 312,5 \text{ m}$ (2)

Anhaltezeit $x_R + x_0 = 13 \text{ s}$ und Anhalteweg $x_R + x_0 = 347,5 \text{ m}$ (1)

c) siehe Zeichnungen (3)

d) $333 = -2t^2 + 50t + 25 \Leftrightarrow t^2 - 25t + 154 = 0 \Rightarrow t_{1/2} = 12,5 \pm 1,5 \text{ s}$ (2)

\Rightarrow Aufprallzeit 11 s und Aufprallgeschwindigkeit $v(11) = 6 \text{ m/s}$ (2)

e) Vermutlich ja, denn die Aufprallgeschwindigkeit von $6 \text{ m/s} = 21,6 \text{ km/h}$ ist noch nicht lebensgefährlich. (1)

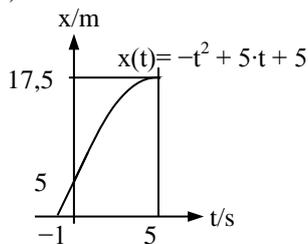
Aufgabe 4b (15): Bremsweg

Lisa und Hannah rollen mit 18 km/h gemütlich durch den dunklen Wald, als plötzlich in 15,5 m Entfernung ein Reh hinter einem Felsen hervorspringt und im Scheinwerferkegel erstarrt. Nach einer Schrecksekunde verzögern sie mit 1 m/s^2 .

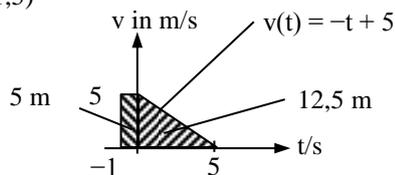
- Zeichne ein x-t- und ein v-t-Diagramm für den gesamten Anhaltvorgang. (3)
- Berechne die gesamte Anhaltezeit und den Anhalteweg. (4)
- Formuliere die x-t- und die v-t-Gleichung für den Bremsvorgang im Anschluss an die Reaktionszeit. (3)
- Berechne** die Zeit und die Geschwindigkeit, zu bzw. mit der die Beiden die Position des Rehs erreichen. (4)
- Das Reh entschließt sich nach einer Bedenkzeit von 6 s zu einem Bocksprung. Kann es sein Leben retten? (1)

Lösungen: (alles in SI)

a) x-t-Diagramm (1,5)



v-t-Diagramm (1,5)



b) $v(t) = a \cdot t + v_0 = -t + 5$ mit $v(t_0) = 0 \Leftrightarrow$ Bremszeit $t_0 = -\frac{v_0}{a} = 5$ s (1)

$x(t) = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_R = -0,5t^2 + 5t + 5$ mit Reaktionsweg $x_R = v_0 \cdot t_R = 5$ m und Bremsweg $x_0 = x(t_0) = 12,5$ m (2)

Anhaltezeit $x_R + x_0 = 6$ s und Anhalteweg $x_R + x_0 = 17,5$ m (1)

c) siehe Zeichnungen (3)

d) $15,5 = -0,5t^2 + 5t + 5 \Leftrightarrow t^2 - 10t + 21 = 0 \Rightarrow t_{1/2} = 5 \pm 2$ s (2)

\Rightarrow Aufprallzeit 3 s und Aufprallgeschwindigkeit $v(3) = 2$ m/s (2)

e) Vermutlich ja, denn die Aufprallgeschwindigkeit von 2 m/s = 7,2 km/h ist noch nicht lebensgefährlich. (1)

Aufgabe 4c (8): Bremsweg

Wie schnell darf ein Fahrzeug unterwegs sein, wenn die gesamte Anhaltestrecke bei einer Verzögerung von -5 m/s^2 und einer Reaktionszeit von 0,5 s höchstens 50 m betragen darf? Zeichne eine x-t- sowie ein v-t-Diagramm und bestimme auch die Dauer des gesamten Anhaltvorgangs.

Lösungen: (alles in SI)

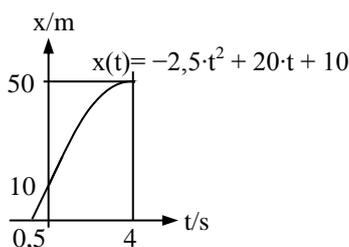
$x(t) = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_R$ mit Reaktionsweg $x_R = v_0 \cdot t_R$ und $x(t_0) = x_0$ für die Bremszeit t_0 und den Bremsweg x_0 (2)

$v(t) = a \cdot t + v_0$ mit $v(t_0) = 0 \Leftrightarrow t_0 = -\frac{v_0}{a}$ (1)

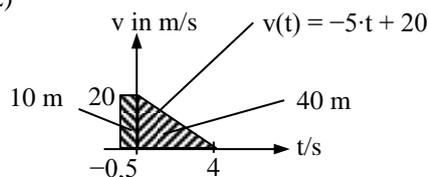
Einsetzen ergibt $x_0 = \frac{1}{2}at_0^2 + v_0t_0 + v_0 \cdot t_R = -\frac{v_0^2}{2a} + v_0 \cdot t_R \Leftrightarrow 0 = v_0^2 - 2a \cdot t_R \cdot v_0 + 2a \cdot x_0 \Rightarrow v_0 = a \cdot t_R \pm \sqrt{a^2 \cdot t_R^2 - 2a \cdot x_0} =$

$a \cdot \left(t_R \pm \sqrt{t_R^2 - \frac{2x_0}{a}} \right) = -5 \cdot (0,5 \pm 4,5) \Rightarrow$ Höchstgeschwindigkeit $v_0 = 20$ m/s und Anhaltezeit $t_0 + t_R = 4$ s + 0,5 s = 4,5 s. (2)

x-t-Diagramm (1)



v-t-Diagramm (2)



Aufgabe 5: Senkrechter Wurf (10)

a) Wie schnell muss ein Stein senkrecht nach oben geworfen werden, wenn er eine Höhe von 30 m erreichen soll? (6)

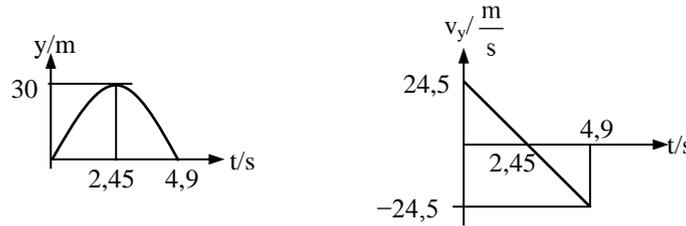
b) Wie lange dauert sein Flug? (1)

c) Zeichne jeweils ein beschriftetes y-t- bzw. v_y -t-Diagramm. (2)

d) Mit welcher Geschwindigkeit kommt er wieder auf dem Boden an? (1)

Lösung: (Alles in SI)

- a) $v_y(t) = -10t + v_{y0}$. Am höchsten Punkt der Bahn ist $v_y(t_1) = 0 \Rightarrow$ Gipfelzeit $t_1 = 0,1v_{y0}$. (2)
 $y(t) = -5t^2 + v_{y0}t$. Aus $y(t_1) = 30$ erhält man durch Einsetzen $30 = -0,05v_{y0}^2 + 0,1v_{y0}^2 = 0,05v_{y0}^2$. (3)
 Die Abwurfgeschwindigkeit ist $v_{y0} = \sqrt{600}$ m/s $\approx 24,5$ m/s (1)
 b) Die Flugzeit ist $2t_1 = 0,2v_{y0} \approx 4,9$ s (1)
 c) Beschriftete y-t- und v_y -t-Diagramme (siehe unten) (2)
 d) Am v_y -t-Diagramm erkennt man, dass die Aufprallgeschwindigkeit betragsgleich ist mit der Abwurfgeschwindigkeit. (1)

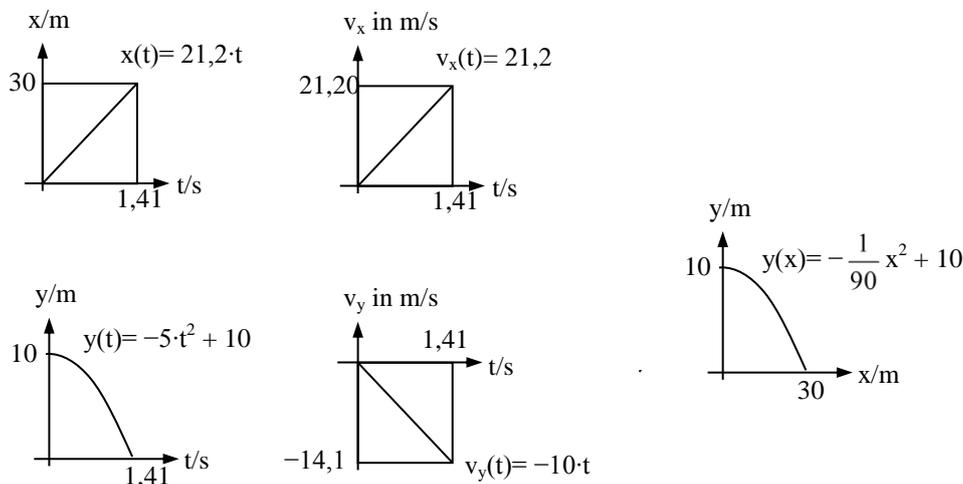


Aufgabe 6: Waagrechter Wurf (15)

- a) Wie lange fliegt ein Stein, der waagrecht aus einer Höhe von 10 m geworfen wird? (2)
 b) Wie schnell muss der Stein geworfen werden, wenn er eine Weite von 30 m erreichen soll? (2)
 c) Mit welcher Geschwindigkeit kommt er auf dem Boden an? (3)
 d) Zeichne die Geschwindigkeits-Zeit und die Ort-Zeit-Diagramme in x und in y-Richtung. (4)
 e) Zeichne die Bahnkurve des Steins. (2)

Aufgabe 6: waagrechter Wurf (15): (Alles in SI)

- a) $y(t) = -5t^2 + y_0$ (Freier Fall) Aus $y(t_1) = 0$ erhält man durch Einsetzen die Fallzeit $t_0 = \sqrt{2}$ s $\approx 1,41$ s. (2)
 b) $x(t) = v_{x0} \cdot t$. Aus $x(t_0) = 30$ erhält man die Abwurfgeschwindigkeit $v_{x0} = 15\sqrt{2}$ m/s $\approx 21,21$ m/s (2)
 c) $v_x(t) = v_{x0}$ und $v_y(t) = -10t$. Beim Aufprall ist $v_x(t_0) = 15\sqrt{2}$ m/s und $v_y(t_0) = -10\sqrt{2}$ m/s (2)
 Die Gesamtgeschwindigkeit ist $v(t_0) = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{650} = 5\sqrt{26}$ m/s $\approx 25,50$ m/s (1)
 d) Beschriftete Diagramme (6)
 e) Bahnkurve (Nicht verlangt: Durch Einsetzen von $t = \frac{x}{v_{x0}} = \frac{x}{15\sqrt{2}}$ in $y(t) = -5t^2 + 10$ erhält man $y(x) = -\frac{1}{90}x^2 + 10$) (2)



Aufgabe 7a: Schiefer Wurf (10)

Ein Tennisball wird im Winkel von 30° zur Horizontalen mit einer Anfangsgeschwindigkeit von 20 m/s abgeworfen. Zeichne die Geschwindigkeits-Zeit-Diagramme in x- und y-Richtung und bestimme die Wurfdauer, die Wurfhöhe und die Wurfweite mit Hilfe dieser Diagramme. Überprüfe die Wurfhöhe mit Hilfe einer Energiebetrachtung.

Lösung

$$v_x(t) = \cos(\alpha) \cdot v_0 = 10 \sqrt{3} \frac{\text{m}}{\text{s}} \approx 17,3 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (1)$$

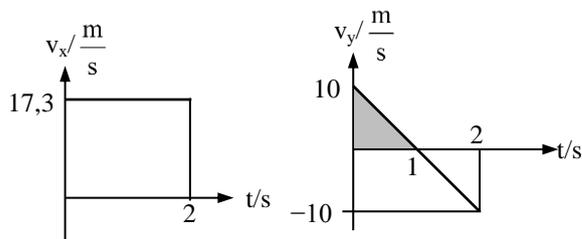
$$v_y(t) = -g \cdot t + \sin(\alpha) \cdot v_0 = -10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot t + 10 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad (1)$$

$$\Rightarrow \text{Wurfdauer } t_1 = 2 \text{ s} \quad (1)$$

$$\Rightarrow \text{Wurfweite } x(t_1) = v_{x0} \cdot t_1 = 20 \sqrt{3} \text{ m} \approx 34,6 \text{ m} \quad (1)$$

$$\Rightarrow \text{Wurfhöhe } y_{1/2} = y\left(\frac{t_1}{2}\right) = \frac{1}{2} \cdot v_{y0} \cdot \frac{t_1}{2} = 5 \text{ m} \quad (1)$$

(Flächeninhalt im v_y -t-Diagramm)



Geschwindigkeits-Zeit-Diagramm (2)

$$\text{Energieerhaltung: } E_{\text{kin}} = E_{\text{kin}}' + E_{\text{pot}}' \Leftrightarrow \frac{1}{2} m v_{x0}^2 + \frac{1}{2} m v_{y0}^2 = m g y_{1/2} + \frac{1}{2} m v_{y0}^2 \Leftrightarrow \frac{1}{2} v_{y0}^2 = g y_{1/2} \Rightarrow y_{1/2} = \frac{v_{y0}^2}{2g} = 5 \text{ m} \quad (3)$$

Aufgabe 7b: Schiefer Wurf (10)

Ein Tennisball wird im Winkel von 30° zur Horizontalen mit einer Anfangsgeschwindigkeit von 20 m/s abgeworfen. Zeichne die Ort-Zeit-Diagramme in x- und y-Richtung und bestimme die Wurfdauer, die Wurfhöhe und diewurfweite mit Hilfe dieser Diagramme. Überprüfe die Wurfhöhe mit Hilfe einer Energiebetrachtung

Lösung: Alles in SI!

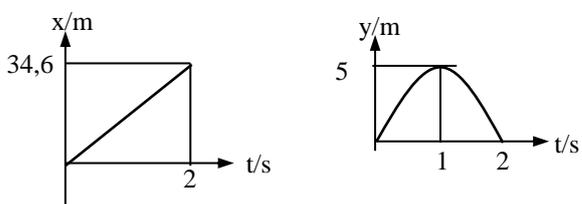
$$x(t) = \cos(\alpha) \cdot v_0 \cdot t = 10 \sqrt{3} \cdot t \approx 17,3 \cdot t \quad (1)$$

$$y(t) = -\frac{g}{2} t^2 + \sin(\alpha) \cdot v_0 \cdot t = -5 t^2 + 10 t = -5 t(1 - 2t) \quad (1)$$

$$\Rightarrow \text{Wurfdauer } t = 2 \text{ s} \quad (1)$$

$$\Rightarrow \text{Wurfweite } s = v_x \cdot t = 20 \sqrt{3} \text{ m} \approx 34,6 \text{ m} \quad (1)$$

$$\Rightarrow \text{Wurfhöhe } y(1 \text{ s}) = 5 \text{ m} \quad (1)$$



Ort-Zeit-Diagramm (2)

$$\text{Energieerhaltung: } E_{\text{kin}} = E_{\text{kin}}' + E_{\text{pot}}' \Leftrightarrow \frac{1}{2} m v_{x0}^2 + \frac{1}{2} m v_{y0}^2 = m g y_{1/2} + \frac{1}{2} m v_{y0}^2 \Leftrightarrow \frac{1}{2} v_{y0}^2 = g y_{1/2} \Rightarrow y_{1/2} = \frac{v_{y0}^2}{2g} = 5 \text{ m} \quad (3)$$

Aufgabe 7c: Schiefer Wurf (14)

Ein Tennisball wird im Winkel von 30° zur Horizontalen mit einer Anfangsgeschwindigkeit von 20 m/s aus einer Höhe von 5 m abgeworfen.

- Formuliere die Gleichungen für die Geschwindigkeiten $v_x(t)$ und $v_y(t)$ und skizziere ihren Verlauf. (4)
- Formuliere die Gleichungen für die Ortskoordinaten $x(t)$ und $y(t)$ und skizziere ihren Verlauf. (4)
- Bestimme die Wurfdauer, die Wurfhöhe und die Wurfweite. (4)
- Formuliere die Gleichung für die Bahnkurve $y(x)$ und skizziere ihren Verlauf. (2)

Lösung (alles in SI)

$$a) v_x(t) = \cos(\alpha) \cdot v_0 = 10 \sqrt{3} \approx 17,3 \quad (1)$$

$$v_y(t) = -g \cdot t + \sin(\alpha) \cdot v_0 = -10 \cdot t + 10 \quad (1)$$

$$b) x(t) = \cos(\alpha) \cdot v_0 \cdot t = 10 \sqrt{3} \cdot t \approx 17,3 \cdot t \quad (1)$$

$$y(t) = -\frac{g}{2} t^2 + \sin(\alpha) \cdot v_0 \cdot t + y_0 = -5(t^2 - 2t - 1) \quad (1)$$

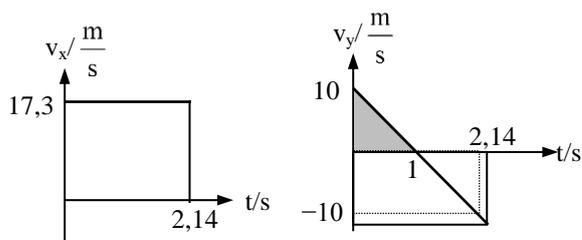
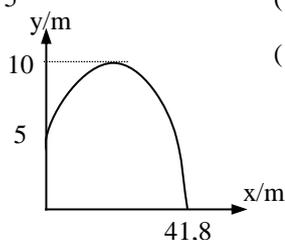
$$c) y(t) = 0 \Rightarrow \text{Wurfdauer } t_1 = 1 + \sqrt{2} \text{ s} \approx 2,14 \text{ s} \quad (2)$$

$$\Rightarrow \text{Wurfweite } x(t_1) = v_{x0} \cdot t_1 \approx 41,8 \text{ m} \quad (1)$$

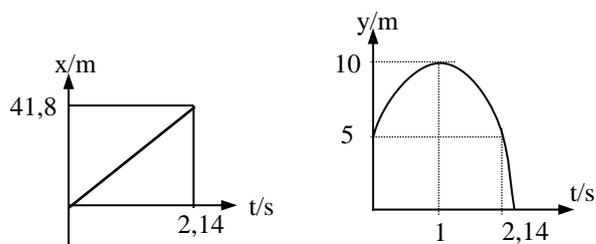
$$\text{Scheitelpunkt } S(1|10) \Rightarrow \text{Wurfhöhe } y(1) = 10 \text{ m} \quad (1)$$

$$d) \text{Bahnkurve } y(x) = -\frac{t^2}{60} + \frac{t}{\sqrt{3}} + 5 \quad (1)$$

Skizze der Bahnkurve (1)



Geschwindigkeits-Zeit-Diagramm (2)



Ort-Zeit-Diagramm (2)

Aufgabe 8: Schiefer Wurf (20)

Vom 17. bis zum 19. Jahrhundert wurden Schlachten durch Artillerie entschieden und die besten Mathematiker wie z.B. Napoléon Bonaparte (!) sammelten sich an den Artillerieschulen der Armee, um Probleme wie das folgende zu lösen:

- Formuliere die Gleichungen für die x-Koordinate $v_x(t)$ und die y-Koordinate $v_y(t)$ der Geschwindigkeit $\vec{v}(t) = \begin{pmatrix} v_x(t) \\ v_y(t) \end{pmatrix}$ des Geschosses zur Zeit t in Abhängigkeit von der Mündungsgeschwindigkeit v_0 und dem Höhenrichtwinkel α . (2)
- Formuliere die Gleichungen für die x-Koordinate $x(t)$ und die y-Koordinate $y(t)$ des Ortes $\vec{s}(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \end{pmatrix}$ des Geschosses zur Zeit t in Abhängigkeit von der Abschusshöhe y_0 , der Mündungsgeschwindigkeit v_0 und dem Höhenrichtwinkel α . (2)
- Eliminiere die Zeit t aus den beiden Gleichungen für die Ortskoordinaten aus a) und formuliere die Gleichung der Bahnkurve $y(x)$ im Fall von $y_0 = 0$. (2)
- Welchen Richtwinkel α benötigt man bei einer Mündungsgeschwindigkeit von 800 m/s für eine Schussweite von 20 km, wenn der (beträchtliche) Luftwiderstand unberücksichtigt bleibt? Verwende die Beziehung $\sin(2\alpha) = 2\sin(\alpha) \cdot \cos(\alpha)$. (2)
- Wie lange dauert der Flug? (2)
- Welche Höhe erreicht das Geschoss? (1)
- Skizziere die v_x -t- und v_y -t-Diagramme (Geschwindigkeits-Zeit-Diagramme) mit den Angaben aus d) – f) (2)
- Skizziere die x-t- und y-t-Diagramme (Weg-Zeit-Diagramme) mit den Angaben aus d) – f) (2)
- Skizziere das y-x-Diagramm (Bahnkurve) mit den Angaben aus d) – f) (1)
- Die eigentliche Herausforderung bestand bis zum 20. Jahrhundert in der Berücksichtigung des Luftwiderstandes. Ein Körper mit der Geschwindigkeit v , der Querschnittsfläche A und dem Formfaktor c_w erfährt bei turbulenter Strömung in einem Medium der Dichte ρ die Widerstandskraft $F = \frac{c_w}{2} \cdot \rho \cdot A \cdot v^2$. Um welchen Faktor ändert sich der Luftwiderstand bei einer Verdopplung der Geschwindigkeit? (1)
- Warum lässt sich die Geschossbahn mit dem Schema $s(t) = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + s_0$ nicht mehr berechnen? (1)
- Skizziere den geschätzten wahren Verlauf der Geschossbahn in das Diagramm aus g) – i) (2)

Lösungen

- Vertikalkomponente der Geschwindigkeit: $v_y(t) = -gt + \sin(\alpha) \cdot v_0$. (1)
Horizontalkomponente der Geschwindigkeit: $v_x(t) = \cos(\alpha) \cdot v_0$. (1)
- Vertikalkomponente des Ortes mit $y_0 = 0$: $y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + \sin(\alpha) \cdot v_0 \cdot t$ (1)
Horizontalkomponente des Ortes mit $x_0 = 0$: $x(t) = \cos(\alpha) \cdot v_0 \cdot t \Leftrightarrow t = \frac{x}{\cos(\alpha) \cdot v_0}$. (1)
- Einsetzen ergibt $y(x) = -\frac{g}{2 \cdot (\cos(\alpha))^2 \cdot v_0^2} \cdot x^2 + \frac{\sin(\alpha)}{\cos(\alpha)} \cdot x = \frac{x}{\cos(\alpha)} \cdot \left(-\frac{g \cdot x}{2 \cos(\alpha) \cdot v_0^2} + \sin(\alpha) \right)$. (2)
- Die Klammer verschwindet für $x = \frac{2v_0^2}{g} \sin(\alpha) \cdot \cos(\alpha) = \frac{v_0^2}{g} \cdot \sin(2\alpha)$. (1)
Durch Einsetzen erhält man in SI-Einheiten $20\,000 = \frac{(800)^2}{10} \cdot \sin(2\alpha) \Leftrightarrow \frac{5}{16} = \sin(2\alpha) \Rightarrow \alpha = \frac{1}{2} \sin^{-1}\left(\frac{5}{16}\right) \approx 9,1^\circ$. (1)
- Aus der Vertikalkomponente der Geschwindigkeit $v_y(t) = -gt + \sin(\alpha) \cdot v_0$ ergibt sich die halbe Flugdauer für $v_y(t) = 0 \Leftrightarrow t = \frac{\sin(\alpha) \cdot v_0}{g} \approx \sin(9,1^\circ) \cdot 80 \text{ s} \approx 12,7 \text{ s}$ und die gesamte Flugdauer als 25,4 s. (2)
- Die Höhe ist $y\left(\frac{\sin(\alpha) \cdot v_0}{g}\right) = \frac{2}{2g} (\sin(\alpha) \cdot v_0)^2 \approx 800 \text{ m}$. (1)
- Beschriftete Skizze von $v_x(t)$ (1)
Beschriftete Skizze von $v_y(t)$ (1)
- Beschriftete Skizze von $x(t)$ (1)
Beschriftete Skizze von $y(t)$ (1)
- Beschriftete Skizze von $y(x)$ (1)
- Verdoppelt sich v , so vervierfacht sich F . (1)
- Die Bewegung ist nicht mehr gleichmäßig beschleunigt, da die Verzögerung von der Geschwindigkeit abhängt. (1)
- Korrekturen (2)